التمرين (1)

(1) $V_0 = 3\times4^0 = 3$ ، $V_1 = 3\times4^1 = 12$

$V_2 = 3\times4^2 = 48$ ، $V_3 = 3\times4^3 = 192$

(2) $\frac{V_{n+1}}{V_n} = \frac{3\times4^{n+1}}{3\times4^n} = \frac{3\times4^n\times4^1}{3\times4^n} = 4$

(V_n) متتالية هندسية أساسها $q=4$

(3) الحد العاشر هو V_9

$V_9 = 3\times4^9 = 786432$

(4)

$V_n = 768$

$3\times4^n = 768$

$4^n = \frac{768}{3}$

$4^n = 256$

نعلم أن $4^4 = 256$ ومنه $n=4$

أي $V_4 = 256$ حدّ من حدود المتتالية

ورتبته 5.

(5)

$S = V_0\left(\frac{1-q^6}{1-q}\right)$

$S = 3\left(\frac{1-4^6}{1-4}\right)$

$S = 4095$

التمرين (2)

(1) لدينا $u_1 + u_3 = 10$

ونعلم أن $u_1 + u_3 = 2u_2$

معناه $2u_2 = 10$

$u_2 = \frac{10}{2} = 5$

(2)

$u_n = u_2 + (n-2)r$

$u_n = 5 + (n-2)2$

$u_n = 5 + 2n - 4 = 2n+1$

(3) عدد الحدود:

$n_0 = 10 + 1 = 11$

$S = \frac{11}{2}(u_{10} + u_{20})$

$u_{10} = 21$

$u_{20} = 41$

$S = \frac{11}{2}(21+41)$

$S = 341$

التمرين (3):

(1) f قابلة للاشتقاق على $[-1,3]$

$f'(x) = 3x^2 - 6x$

$f'(x) = 0$

$3x^2 - 6x = 0$

$x_1 = 0$ $\quad x_2 = 2$

x	-1		0		2		3
$f'(x)$		$+$	0	$-$	0	$+$	
$f(x)$	-2	↗	2	↘	-2	↗	2

(2) * المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلين في $[-1,3]$ و f متزايدة

* المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلا وحيدا في $[2,3]$ و f متناقصة.

(3) (T): $y = f'(1)(x-1) + f(1)$

(T): $y = -3(x-1) + 0$

(T): $y = -3x + 3$

(4)