

1010

(1) $\alpha = 4$

$$\frac{1}{5}d + \frac{u}{5} = d$$

$$d + 4 = 5d$$

$$4d = 4 \Rightarrow d = 1$$

(2) صاب المرزوق:

$$U_1 = \frac{1}{2}(3) + \frac{4}{5} = \frac{3}{2} + \frac{4}{5} = \frac{15+8}{10} = \frac{23}{10}$$

$$U_2 = \frac{1}{2}\left(\frac{23}{10}\right) + \frac{4}{5} = \frac{23}{20} + \frac{16}{20} = \frac{39}{20}$$

(3) البرهان بالترجع: $U_n > 1$

الحققة من صدم $P(0)$

$$U_0 > 1 \rightarrow 3 > 1$$

نؤمن من صدم $P(n)$ ونستنتج

$$P(n+1)$$

$$U_n > 1$$

$$\frac{1}{5}U_n > \frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{5}U_n + \frac{4}{5} > 1$$

$$U_{n+1} > 1$$

اذن $P(n)$ صحيحة من اجل كل n

البيان يتحقق (U_n)

$$U_{n+1} - U_n = \frac{\alpha + 4}{5} - \frac{5U_n}{5}$$

$$= \frac{-4U_n + 4}{5}$$

$$U_n > 1$$

$$-4U_n < -4$$

$$-4U_n + 4 < 0$$

وبالتالي (U_n) متناقصة كما ان $U_n > 1$

لهذا (U_n) متناقصة كما ان $U_n > 1$

فلا بأس ان U_n هي متقاربة

$$V_n = U_n - 1$$

لدينا:

$$V_{n+1} = U_{n+1} - 1$$

$$= \frac{1}{5}U_n + \frac{4}{5} - 1 = \frac{1}{5}U_n - \frac{1}{5}$$

$$= \frac{1}{5}(U_n - 1)$$

$$= \frac{1}{5}(U_n - 1)$$

$$V_{n+1} = \frac{1}{5}V_n$$

وهذا (V_n) هندسي

$$V_0 = U_0 - 1 = 2$$

كبارا الى الصفر:

$$V_n = V_0 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^n$$

$$V_n = 2 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^n$$

النتيجة كبرية U_n

$$U_n = V_n + 1$$

$$U_n = 2 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^n + 1$$

كبرية (U_n)

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} 2 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^n + 1 = 1$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{5}\right)^n = 0$$

المجموع:

$$S_n = V_0 \cdot \left(\frac{1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}}{1 - \frac{1}{5}}\right)$$

$$= 2 \cdot \left(\frac{1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}}{\frac{4}{5}}\right)$$

$$= \frac{5}{2} \left(1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}\right)$$

$$S'_n = S_n + n + 1$$

$$= \frac{5}{2} \left(1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}\right) + n + 1$$

1020

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0^+ \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0^-$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{f(x)} = +\infty \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{f(x)} = -\infty$$

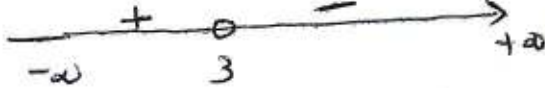
$y=0$ م. م افقي، $x=3$ م. م عمودي

دراسة وظيفية (f) بالسياسة ملحق الفواصل

$x \in]-\infty, 3[$ فوق محور الفواصل

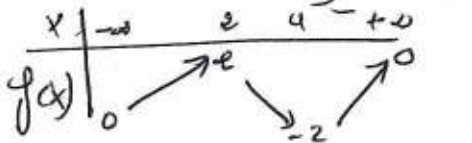
$x=3$ يقطع محور الفواصل

$x \in]3, +\infty[$ تحت محور الفواصل



$$f'(2) = 0$$

جدول التغيرات:



$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = f'(3) = -2$$

معادلة (D):

$$y = f'(3)(x - 3) + f(3)$$

$$y = -2x + 6$$

المناقشة البيانية:

$m < -2$ لا توجد حلول

$m = -2$ حل وحيد صفائحا

$0 < m < -2$ حلان

$m = 0$ حل وحيد

$0 < m < 2$ حلان

$m = 2$ حل وحيد صفائحا

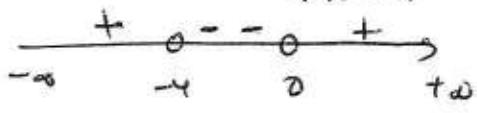
$m > 2$ لا توجد حلول

في حالة اللانهاية استنتاج على $\mathbb{R} \setminus \{-2\}$

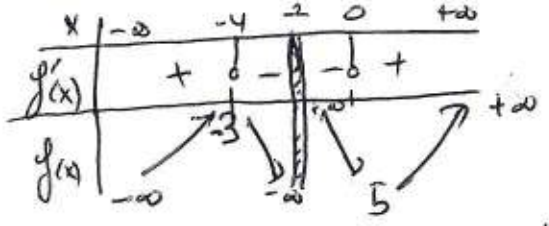
$$f'(x) = \frac{(2x+5)(x+2) - 1(x^2+5x+10)}{(x+2)^2}$$

$$= \frac{2x^2+4x+5x+10 - x^2-5x-10}{(x+2)^2} = \frac{x^2+4x}{(x+2)^2}$$

لدينا: $(x+2)^2 > 0$ إذن إشارة f' من إشارة x^2+4x
 $x^2+4x = 0 \Rightarrow x=0$
 $\Rightarrow x=-4$



فترات تناقص f : $]-4, 0[$
 فترات تزايد f : $]-\infty, -4[$ و $]0, +\infty[$



معادلة المماس:

$$y = f'(2)(x-2) + f(2)$$

$$y = \frac{3}{4}x - \frac{3}{2} + \frac{12}{2}$$

$$y = \frac{3}{4}x + \frac{9}{2}$$

مركز تماثل: $\Omega(-2, 1)$
 $-4-x \in \mathbb{R} \setminus \{-2\}$

$$f(-4-x) + f(x) = -2$$

$$= -4-x+3 + \frac{4}{-4-x+2} + x+3 + \frac{4}{x+2}$$

$$= 2 + \frac{4}{-x-2} + \frac{4}{x+2} = 2$$

7) f زوجية:

$D_f = \mathbb{R}$ متناظر بالنسبة لـ 0.

$$g(-x) = \frac{(x)^2 + 5|x| + 10}{1-x+2} = \frac{x^2 + 5|x| + 10}{x+2} = g(x)$$

تمتخ كمنطقية استاد (مع):

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & x \geq 0 \\ f(-x) & x \leq 0 \end{cases}$$

تمتخ كمنطقية على (\mathbb{R})
 تناظر الجرد الموجب بالنسبة لمحور التماثل
 لأن f زوجية

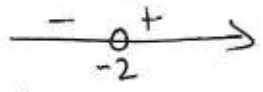
30

$$f(x) = \frac{x^2+5x+10}{x+2}$$

1) النهايات:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} x = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} x = +\infty$$



$$\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = +\infty$$

$x = -2$

2) الأعداد a, b, c :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x+2}$$

$$f(x) = \frac{ax^2 + 2ax + bx + 2b + c}{x+2}$$

بالمطابقة:

$$\begin{cases} a=1 \\ 2a+b=5 \\ 2+b=5 \\ c=4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2b+c=10 \\ c=4 \end{cases}$$

$b=3$

3) المسجم الكسري المتناظر:

$$\lim_{|x| \rightarrow +\infty} f(x) = y$$

$$\lim_{|x| \rightarrow +\infty} x + 3 + \frac{4}{x+2} - (x+3)$$

$$\lim_{|x| \rightarrow +\infty} \frac{4}{x+2} = 0$$

4) الوصفية:

- (د) $f(x) - y$
- (د) $f(x) - y$ $] -\infty, 2[$
- (د) $f(x) - y$ $] -2, +\infty[$