ثانوية الرجاء والنجاح - الخالدية - بوزريعة
الفيزياء والتكنولوجيا لجذع مشترك علوم وتكنولوجيا - (II)

حل الموضوع (1)

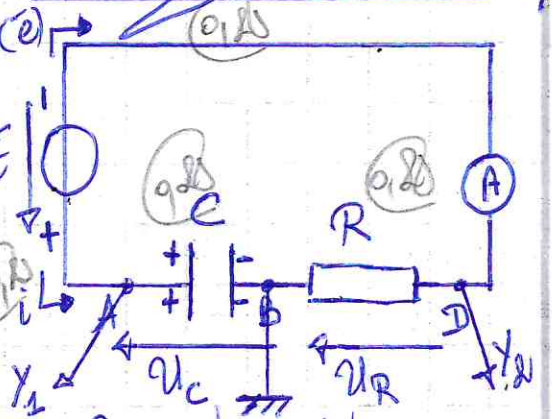
الجزء (1)

الطريقة (1):

(1) 1/ أ- المتكفئة لتجميع مقاومتين على التسلسل:

ناقلتين متقاطعتين تفعل بتفاعلهما عند لحظة البوتقة وجود المولد الكهربائي تتشكل بارة كهربائية وتخزن طاقة كهربائية.

ب- مخطط الدارة RC:



ج- طريقة معاينة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد (e):

د- اسم وشكل المنحنى المعاين:

- المدخل Y_1: مشاهدة المنحنى $u_C(t)$.
- المدخل Y_2: مشاهدة المنحنى $u_R(t)$ بالتقاط $u_R(t)$ على الوضع INV.

(2) 1/ أ- $q = C.u_C$

$i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C.u_C)}{dt} = C.\frac{du_C}{dt}$

ب- $u_R = R.i$

2/ أ- قانون جمع التوترات: $u_C + u_R = E$

ب- المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر (u_C) بين طرفي المكثف:

$u_C + RC.\frac{du_C}{dt} = E$

$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{RC} = \frac{E}{RC}$ ...(1)

ج- إثبات أن $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$ حل للمعادلة (1):

$u_C(t) = E - E.e^{-t/\tau}$

$\frac{du_C}{dt} = \frac{d(E - E.e^{-t/\tau})}{dt} = -E\left(\frac{-1}{\tau}\right).e^{-t/\tau} = \frac{E}{\tau}.e^{-t/\tau}$

بتعويض $\frac{du_C}{dt}$ و u_C في المعادلة (1):

$\frac{E}{\tau}.e^{-t/\tau} + \frac{E - E.e^{-t/\tau}}{RC}$

$= \frac{E}{\tau}.e^{-t/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}.e^{-t/\tau}$

لما $\tau = RC$:

$= \frac{E}{RC}.e^{-t/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}.e^{-t/\tau} = \frac{E}{RC}$ (متحقق)

$i(t) = C.\frac{du_C}{dt} = C.\frac{E}{RC}.e^{-t/\tau} = \frac{E}{R}.e^{-t/\tau}$

3/ أ- $t = \tau \Rightarrow u_C(\tau) = E.(1 - e^{-1}) = E.0,63$

ب- تعريف ثابت الزمن τ: هو المدة الزمنية اللازمة لشحن المكثف بـ 63% من شحنته العظمى.

ج- التعليل البعدي:

$\left[\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{RC}\right] = \left[\frac{E}{RC}\right]$

$\left[\frac{du_C}{dt}\right] = \left[\frac{u_C}{\tau}\right] \Rightarrow \frac{[du_C]}{[dt]} = \frac{[u_C]}{[\tau]}$

$\therefore [\tau] = [T] = s$

$E_c(t) = \frac{1}{2} C . u_c^2(t)$ -(3) 0,25

$E_c(t) = \frac{1}{2} C . (E . e^{-t/\tau})^2 = \frac{1}{2} C E^2 . e^{-2t/\tau}$ 0,25

$= E_{c_0} . e^{-2t/\tau}$ 0,25

$E_{c_0} = \frac{1}{2} C E^2 = \frac{1}{2} . 10^{-4} . 12^2$ -(4) 0,25

$= 7,2 . 10^{-3}$ J

$E_R(2\tau) = E_{c_0} - E_c(2\tau) = E_{c_0} - E_{c_0} . e^{-4}$ 0,25 0,25

$= E_{c_0} - E_{c_0} . e^{-4} = E_{c_0} . (1 - e^{-4})$

$= 7,068 . 10^{-3}$ J 0,25

$120 + 5\% = 120 + \frac{5 . 120}{100} = 126$ -(6)

$120 - 5\% = 120 - \frac{5 . 120}{100} = 114$

$C \in [114 ; 126]$ (μF)

$C_1 = 1,2 . 10^{-4} . 10^6 = 120$ μF

$\frac{1}{2} = 10^{-4} . 10^6 = 100$ μF

$E = 4 . 3 = 12$ V -(1) 0,25

$u_c(\tau) = 0,63 . 12 = 7,56$ V

$(\div 3 = 2,52$ cm$)$

$\tau = 1,2 . 5 . 10^{-3}$

$\tau = 6 . 10^{-3}$ s 0,25

-(4) 0,25

$t = 0$ عند $i(0) = I_0 = 60 . 4$

$I_0 = 240$ mA $= 0,24$ A 0,25

$I_0 = \frac{E}{R}$: $R = ?$ (1) 0,25

$R = \frac{E}{I_0} = \frac{12}{0,24} = 50\ \Omega$

$\tau = RC \rightarrow C = \frac{\tau}{R}$: $C = ?$

$C = \frac{6 . 10^{-3}}{50} = 1,2 . 10^{-4}$ F 0,25

$i(\tau) = 0,37 . I_0$ عند $t = \tau$ (6)

$= 0,37 . 240 = 88,8$ mA

$(\div 60 = 1,48$ cm$)$

(t) على المحور

$\tau = 6 . 10^{-3}$ s $\rightarrow$ 1cm 0,25

1cm $\xrightarrow{\text{على}}$ 6ms

العريضة (2):

(1) 0,25

$q_0 = 3,4 \div 10^{-4} = 12 . 10^{-4}$ C -(2) 0,25

$q_0 = C . E$: $C = ?$ -(1)

$C = \frac{q_0}{E} = \frac{12 . 10^{-4}}{12} = 10^{-4}$ F 0,25

: $R' = ?$ -(2)

$q(\tau) = 0,37 . q_0$: $\tau = ?$ (من)

$= 0,37 . 12 . 10^{-4} = 4,44 . 10^{-4}$ C

$(\div 3 = 1,48$ cm$)$

$\tau = 1$ ms $= 10^{-3}$ s

$\tau = R' . C \rightarrow R' = \frac{\tau}{C}$

$R' = \frac{10^{-3}}{10^{-4}} = 10\ \Omega$ 0,25

www.ecolerradja.com www.fb.com/ecolerradja

(I) ① - العلمة: جسم صلب

- جرد القوى المؤثرة:

$\vec{P}$

- قانون نيوتن (II):

$$\sum \vec{F}_{ext} = m.\vec{a}$$

$$\vec{P} = m.\vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة (Oz):

$$P_z = m.a_z \rightarrow P = m.a$$

$$m.g = m.a \rightarrow a = g = cte$$

لدينا: $a \neq 0$ و $\vec{v}_0$ و $\vec{a}$ لهما نفس الاتجاه إذن: الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام

$a(t) = g$ ← $a(t) = ?$

$a = \frac{dv}{dt}$ ← $v(t) = ?$

$v(t) = \int a(t) = \int g = g.t + v_0$; $v_0 = 0$

$v(t) = g.t$

$v = \frac{dz}{dt}$ ← $z(t) = ?$

$z(t) = \int v(t) = \int g.t = g.\frac{t^2}{2} + z_0$; $z_0 = 0$

$z(t) = \frac{g.t^2}{2}$

② لا تتعلق بالكتلة والحجم والشكل: فمختلف أجسام الكتلة والحجم والشكل لها نفس حركة السقوط الحر في نفس مقدار تسارع الجاذبية الأرضية $a = g$ وبالتالي نفس السرعة v ونفس المواقع z في كل لحظة t.

③ الساقط مستقيم بمرور الزمن:

$v = g.t \longleftrightarrow v = \alpha.t$

$g = \alpha = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0-\tau}{0-0,\tau} = 10\ m/s^2$

$t_s = 4 \times 0,\tau$ ← v_m عند t_s

$t_s = 2\ s$

$h = z(t_s) = \int_0^{t_s} v(t)$ = مساحة حيز محصور بين منحنى السرعة $v(t)$ و t_s و $t = 0$

$h = \frac{\text{مساحة}}{\text{شبه منحرف}} = \frac{\text{قاعدة كبرى} \times \text{ارتفاع}}{2} = \frac{2 \times 4 \times \tau}{2}$

$h = 20\ m$

$h = z(t_s) = \frac{g.t_s^2}{2} = \frac{10.2^2}{2}$: أي h حسب

$= 20\ m$

$z_1 = \frac{g.t_1^2}{2} \rightarrow 2.z_1 = g.t_1^2 \rightarrow t_1 = \sqrt{\frac{2.z_1}{g}}$ ④

$t_1 = \sqrt{\frac{2.\tau}{10}} = 1\ s$

$v_1 = g.t_1 = 10.1 = 10\ m/s$

(II) ① - العلمة: كرة حديدية

- جرد القوى المؤثرة:

$\vec{P}$ ، $\vec{f}$

- قانون نيوتن (II):

$$\sum \vec{F}_{ext} = m.\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} = m.\vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة (Oz):

$$P_z + f_z = m.a_z$$

$$P - f = m.a \rightarrow m.g - k.v^2 = m.\frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}.v^2 = g$$

② حسب مبرهنة الطاقة الحركية:

$E_{pp} = m.g.(h - z) = m.g.h - m.g.z$

$m.g.z = m.g.h - E_{pp}$

$z = \frac{mgh - E_{pp}}{m.g} = h - \frac{E_{pp}}{m.g}$

$v = \frac{dz}{dt} = \frac{d(h - \frac{E_{pp}}{mg})}{dt} = -\frac{1}{m.g}.\frac{dE_{pp}}{dt}$

$v = -\frac{1}{0,\tau.10} = -\frac{1}{\tau}.\frac{dE_{pp}}{dt}$

$v'_1 = -\frac{1}{\tau}.\frac{dE_{pp_1}}{dt}$: بحيث E_{pp_1} هي دالة تآلفية تمثل مماس $E_{pp}(t)$ عند t_1

$= -\frac{1}{\tau} \times \frac{7,1\tau - \tau.9,8.2}{1,4 - 0} = 7,1\tau\ m/s$

$v'_1 < v_1$: لأن عند لحظة t_1 نضيف كتلة الماء z له سيصبح ثقيل جدا وهو شديد قوة ثقله التي تجعله يسقط بسرعة أكبر v_1 وبالتالي هذه السرعة تقدر بقيمة أقل من السرعة v_1 التي حسبناها في الحالة الأولى حسب النص أي مقاومة الهواء تهمل.

www.ecolerradja.com www.fb.com/ecolerradja

$$v_2 = -\frac{1}{2} \times \frac{0 - 1,7.10}{1,2.0,5 - 4.0,5} = 11,33 \text{ m/s}$$

$\frac{dv_2}{dt} + \frac{k}{m} v_2^2 = g$ (0,25)

$v_2 = \text{cst}$

$$k = \frac{m.g}{v_2^2} = \frac{0,5.10}{11,33^2}$$

$$k = 3,89.10^{-2} \text{ kg/m}$$ (0,25)

-/4 مبرهنة الطاقة الحركية

$\vec{f} = k(\vec{v}_1 + \vec{v}_2)$ بما أن $\vec{f} \perp \vec{v}_1$ و $\vec{f} \perp \vec{v}_2$ فإن $W_1(\vec{f}) = 0$

$E_{pp_0} + E_{c_0} - W_1(\vec{f}) = E_{pp_1} + E_{c_1}$ (0,25)

$mgh - |W(\vec{f})| = mg(h - z_1) + \frac{1}{2} m v_1^2$

$|W_1(\vec{f})| = mgh - mgh + mgz_1 - \frac{1}{2} m v_1^2$

$|W_1(\vec{f})| = mgz_1 - \frac{1}{2} m v_1^2$

$|W_1(\vec{f})| = m.\left(g.z_1 - \frac{1}{2} v_1^2\right)$ (0,25)

$W_1(\vec{f}) < 0 \rightarrow W_1(\vec{f}) = m.\left(\frac{v_1^2}{2} - g.z_1\right)$

$W_1(\vec{f}) = 0,5.\left(\frac{14,4}{2} - 10.2\right)$

$= -9,98 \text{ J}$ (0,25)

$\Delta E_c = E_c' - E_{c_1}$ -k

$= \frac{1}{2} m v_1'^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$

$= \frac{1}{2} m.(v_1'^2 - v_1^2)$

$= \frac{1}{2}.0,5.(14,4 - 0^2)$

$= -9,98 \text{ J}$ (0,25)

$\Delta E_c = W_1(\vec{f})$ (0,25)

لما الجسم خاضع لقوة الاحتكاك بالهواء فإن الطاقة الحركية للجسم تتناقص بسبب تأثير قوة الاحتكاك بالهواء بحيث تتناقص سرعة الجسم المقذوف بحيث

$v_2 = -\frac{1}{2}\left(\frac{dE_{pp}}{dt}\right)_{t=1,2s}$ -/1 (3) (0,25)

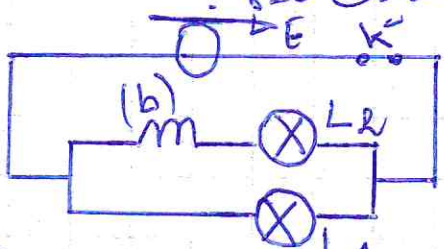
$= -\frac{1}{2} \times$ معامل توجيه المماس لمنحنى $E_{pp}(t)$ في النقطة ذات الفاصلة 1,2s

حل التمرين (2):

الجزء (1)

1- حساب ①:

② والشدة I تتوقف على مقاومة الدارة r=0



③ بعد غلق القاطعة (K) نلاحظ توهج مباشر للمصباح (L_1) الذي موصول بالوشيعة (b) بينما نلاحظ توهج المصباح (L_2) الموصول بالوشيعة (b) بعد تأخر زمني.

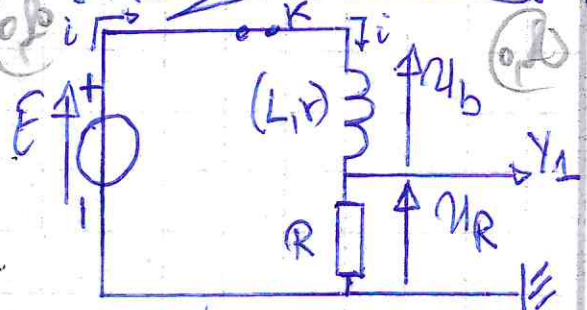
- نستنتج أن الوشيعة تمانع وتؤخر ظهور التيار الكهربائي لمدة من الزمن في دارة تحتوي على مولد ليس صدوني ظاهرة التحريض الكهرومغناطيسي الناتج للوشيعة.

2- حساب ②:

- توتر المنحل الذي يمثل $u_R(t)$ وحسب قانون أوم:

$u_R(t) = R.i(t) \rightarrow i(t) = \frac{u_R(t)}{R}$

④ نغلق الدارة RL:



⑤ حسب قانون جمع التوترات:

$u_R + u_b = E$

$R.i + r.i + L.\frac{di}{dt} = E$

$L.\frac{di}{dt} + (R+r).i = E$ ...(E)

⑥ حل المعادلة التفاضلية:

$i(t) = I_0 = cst$: حل التمرين الثاني

$\frac{dI_0}{dt} + \frac{(R+r)}{L}.I_0 = \frac{E}{L}$

$I_0 = \frac{E}{R+r}$

سلوك الوشيعة: سلوك مثل أومي

$i(t) = a - a.e^{-t/\tau}$ ... ① -1pt

$\frac{di}{dt} = \frac{d(a - a.e^{-t/\tau})}{dt} = -a\left(\frac{-1}{\tau}\right).e^{-t/\tau}$

$= \frac{a}{\tau}.e^{-t/\tau}$ ... ②

نعوض ① و ② في (E):

$\frac{a}{\tau}.e^{-t/\tau} + \frac{(R+r)}{L}.(a - a.e^{-t/\tau}) = \frac{E}{L}$

$\frac{a}{\tau}.e^{-t/\tau} + \frac{(R+r)}{L}.a - \frac{(R+r)}{L}.a.e^{-t/\tau} = \frac{E}{L}$

$a.e^{-t/\tau}.\left(\frac{1}{\tau} - \frac{R+r}{L}\right) + \frac{(R+r)}{L}.a = \frac{E}{L}$

$\frac{1}{\tau} - \frac{R+r}{L} = 0 \rightarrow \frac{1}{\tau} = \frac{R+r}{L}$

$\tau = \frac{L}{R+r}$

$\frac{(R+r)}{L}.a = \frac{E}{L} \rightarrow a = \frac{E}{R+r} = I_0$

$[\tau] = \frac{[L]}{[R+r]} = \frac{[L]}{[R]}$ -1pt

$L = \frac{u_L.dt}{di}$ ← $u_L = L.\frac{di}{dt}$

$R = \frac{u_R}{di}.dt$ ← $u_R = R.i$

$[\tau] = \frac{[u_L].[dt]/[di]}{[u_R]/[i]} = [T] = s$

$i(\tau) = I_0.(1 - e^{-\tau/\tau}) = I_0.(1 - e^{-1}) = 0,63.I_0$ -1pt

τ هو الزمن اللازم لتطور I_0 بـ 63% في الوشيعة

شدة التيار الأعظمي I_0 في الوشيعة

$I_0 = 40.\ell, \varepsilon = 100\,mA = 0,1A$ -1pt ⑥

-1pt طريقة 63%:

$i(\tau) = 0,63.I_0 = 0,63.100 = 63\,mA$

نأخذ بعد سطح على محور الترتيب:

$(63 \div 40 = 1,6\,cm) \rightarrow \tau = 1ms = 10^{-3}s$ ①

www.ecolerradja.com www.fb.com/ecolerradja

الطريقة الثانية: تقاطع المماسين:

عند $t=0$ مع المستقيم I_0 :

$\tau = 10^{-3}\ s$ (0,25)

$I_0 = \frac{E}{R+r}$: $r=?$ -/1

$R+r = \frac{E}{I_0} \rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R$

$r = \frac{6}{0,1} - 50 = 10\ \Omega$ (0,25)

$\tau = \frac{L}{R+r}$: $L=?$ -/1

$L = \tau.(R+r)$

$L = 10^{-3}.(50+10) = 0,06\ H$ (0,25)

$E_{L\ max} = \frac{1}{2}L.I_0^2 = \frac{1}{2}.0,06.0,1^2$ (1) (0,25)

$= 3.10^{-4}\ J$ (0,25x2)

$u_b(t) = E - u_R(t)$ (1)

$u_b(\frac{\tau}{2}) = E - u_R(\frac{\tau}{2}) = E - R.i(\frac{\tau}{2})$ (0,25)

$= E - R.I_0.(1-e^{-\frac{\tau}{2\tau}})$

$= E - R.I_0.(1-e^{-\frac{1}{2}})$

$= 6 - 50.0,1.(1-e^{-1/2})$

$u_b(\frac{\tau}{2}) = 4,03\ V$

في حالة (3) من (a) المنحنى (1) الذي يمثل شدة التيار المار في الدارة في النظام الدائم (I_0) إذن: $I_0 = \frac{E}{R+r}$ أي أن $R+r$ تمثل مقاومة المولد E ومقاومة الناقل الأومي وهو ما يوافق التجربة (4). (0,25x2)

- المنحنى (d) الذي يمثل شدة التيار في النظام الدائم (I_0) إذن من أجل $I_0 = \frac{E}{R+r}$ أي أن مقاومة المولد E مهملة أمام $R+r$ وهو ما يوافق التجربة (2). (0,25)

- المنحنيين (b) و (c) لهما نفس

شدة تيار النظام الدائم (I_0) إذن: لهما نفس $R+r$ أي نفس مقاومة المولد E ومقاومة الناقل الأومي. (0,25) ومن المنحنى (b) يوافق طموحاس التيار الذي له ثابت الزمن الأكبر $\tau_{(b)}$ أي $\tau_{(b)} > \tau_{(c)}$ إذن: $L_{(b)} > L_{(c)}$ (0,25) ومنه: $L_{(b)} = L_1 = 60\ mH$ و $L_{(c)} = L_3 = 120\ mH$

(1) أي التجربة (3) ← المنحنى (b)

(3) أي التجربة (1) ← المنحنى (c)

$\left(\frac{di}{dt}\right)_{t=0} = \frac{0 - 4.I_0}{0 - 0,1.10^{-3}} = 160\ A/s$ (1) (0,25)

ومن المعادلة التفاضلية عند $t=0$:

$\left(\frac{di}{dt}\right)_{t=0} + \left(\frac{R+r}{L}\right).i(0) = \frac{E}{L}$

$\left(\frac{di}{dt}\right)_{t=0} = \frac{E}{L_4} \rightarrow L_4 = \frac{E}{\left(\frac{di}{dt}\right)_{t=0}}$

$L_4 = \frac{6}{160} = 0,037\ H$ (0,25)

التمرين (2): أسئلة البكالوريا

1- التفاعل البطيء: تفاعل يبلغ حالته النهائية بعد عدة ثوان أو دقائق أو ساعات.
التفاعل التام: التفاعل الذي يتوقف باختفاء كلي لأحد المتفاعلات على الأقل.

2- المشاهدة التجريبية: تغير لون المزيج التفاعلي من البرتقالي إلى الأخضر.
التفسير: تشكل أيونات Cr^{3+} الخضراء.

3- المعادلة الكيميائية:
$2\times\left(Cr_2O_7^{2-} + 14H^+ + 6e^- = 2Cr^{3+} + 7H_2O\right)$ ... (1)
$3\times\left(C_2H_6O + H_2O = C_2H_4O_2 + 4H^+ + 4e^-\right)$ ... (2)

4- $n_1 = \frac{m}{M}$ / $m = \rho . V_1$

$n_1 = \frac{\rho . V_1}{M} = \frac{0,8 . 3,4}{46} = 0,06\ mol$

$n_2 = C_2 . V_2 = 0,2 . 0,1 = 0,02\ mol$

$\frac{n_1}{3} = \frac{0,06}{3} = 0,02\ mol$

$\frac{n_2}{2} = \frac{0,02}{2} = 0,01\ mol$

المتفاعل المحد: $\frac{n_2}{2}$ ← المزيج غير ستوكيومتري

ب- المعادلة الحصيلية: (1) + (2)

$2Cr_2O_7^{2-} + 28H^+ + 3C_2H_6O + 3H_2O = 4Cr^{3+} + 14H_2O + 3C_2H_4O_2 + 12H^+$

$\hookrightarrow 2Cr_2O_7^{2-} + 16H^+ + 3C_2H_6O = 4Cr^{3+} + 3C_2H_4O_2 + 11H_2O$

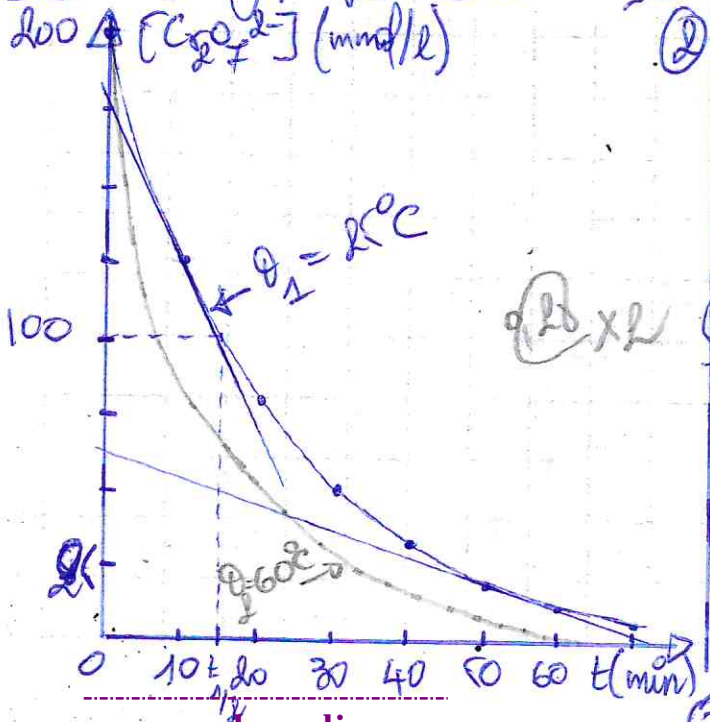
	$3C_2H_6O + 2Cr_2O_7^{2-} + 16H^+ = 3C_2H_4O_2 + 4Cr^{3+} + 11H_2O$					
$t=0$	$n_1 = 0,06\ mol$	$n_2 = 0,01\ mol$	وفير	0	0	وفير
t	$n_1 - 3x$	$n_2 - 2x$	وفير	$3x$	$4x$	وفير
t_f	$n_1 - 3x_f$	$n_2 - 2x_f$	وفير	$3x_f$	$4x_f$	وفير

أ- تعيين x_f:
من أجل C_2H_6O: $n_1 - 3x_{max1} = 0 \rightarrow x_{max1} = \frac{n_1}{3} = 0,02\ mol$
من أجل $Cr_2O_7^{2-}$: $n_2 - 2x_{max2} = 0 \rightarrow x_{max2} = \frac{n_2}{2} = 0,01\ mol$
$x_{max2} < x_{max1} \rightarrow x_{max} = 0,01\ mol$
المتفاعل المحد هو $Cr_2O_7^{2-}$ والتفاعل تام.

ثانيا:

1- طريقة فيزيائية: قياس الناقلية النوعية لمحلول مائي (Cr^{3+} و H_3O^+)
طريقة كيميائية: معايرة أحد النواتج أثناء التفاعل بمعايرة لونية لمحلول $Cr_2O_7^{2-}$ بمقياس اللون.

2- المنحنى $[Cr_2O_7^{2-}]$ (mmol/l)



3- $t_{1/2}$ هو الزمن اللازم لاختفاء نصف كمية المادة الابتدائية للمتفاعل المحد.
$\theta_2 > \theta_1$ لأن سرعة التفاعل تزداد بارتفاع درجة الحرارة.

www.ecolerradja.com www.fb.com/ecolerradja

$[Cr_2O_7^{2-}]_{1/2} = \frac{100}{2} = 100\ mmol/L$ (0,25)

(ب) بالاسقاط على جدول التقدم $t_{1/2} = 1,5 \cdot 10 = 15\ min$ (0,25)

- تعريف سرعة التفاعل الحجمية: هي مقدار تقدم التفاعل في وحدة الزمن وواحدة الحجم. (0,25)

$$v_{vol} = \frac{1}{V_T}\cdot\frac{dx}{dt} = \frac{1}{V_T}\cdot\frac{d\left([Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}]\right)V_T}{dt}$$

$$v_{vol} = \frac{V_T}{2V_T}\cdot\frac{d\left([Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}]\right)}{dt}$$

$$v_{vol} = -\frac{1}{2}\cdot\frac{d[Cr_2O_7^{2-}]}{dt}$$ (0,25)

$v_{vol} = -\frac{1}{2}x$ حيث x تمثل حلول المعادلة (t) حيث $[Cr_2O_7^{2-}](t)$

$$v_{vol}(t_1) = -\frac{1}{2}\times\frac{126-174}{10-0}$$ (0,25)

$$= 2,45\ mmol/L.min$$

$$v_{vol}(t_2) = -\frac{1}{2}\times\frac{60-62,5}{50-0}$$ (0,25)

$$= 0,025\ mmol/L.min$$

$v_{vol}(t_2) < v_{vol}(t_1)$ (0,25) نستنتج أن سرعة التفاعل الحجمية تناقص مع الزمن بسبب تناقص تراكيز المتفاعلات وبالتالي تناقص عدد التصادمات الفعالة بين الجزيئات.

$$v(Cr^{3+}) = \frac{dn(Cr^{3+})}{dt} = \frac{d(4x)}{dt} = 4\frac{dx}{dt}$$ (0,25)

$$= 4\cdot V_T\cdot v_{vol} = 4\cdot 0,1\cdot 2,45$$

$$= 0,98\ mmol/min$$ (0,25 ×2)

(ج) x_{max} هي قيمة التقدم الأعظمية للتفاعل عندما يختفي أحد المتفاعلين المحد. بزيادة تراكيز المتفاعلات عن القيم الموافقة لشروط الدراسة يزداد عدد التصادمات الفعالة في وحدة الزمن فتزداد سرعة التفاعل أي يتناقص زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ وتبقى سرعة التفاعل عند $t_{1/2}$ أكبر من سرعة التفاعل عند t_2 حيث يتناقص تراكيز المتفاعلات. (0,25)

$$[Cr_2O_7^{2-}]_t = \frac{n_t(Cr_2O_7^{2-})}{V_T}$$ (0,25)

$$[Cr_2O_7^{2-}]_t = \frac{n_2 - 2x}{V_T} = \frac{n_2}{V_T} - \frac{2x}{V_T}$$ (0,25)

$$[Cr_2O_7^{2-}] = [Cr_2O_7^{2-}]_0 - \frac{2x}{V_T}$$ (0,25)

$$\frac{2x}{V_T} = [Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}]$$

$$x = \frac{\left([Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}]\right).V_T}{2}$$

$t = 70\ min$: (4)

$$x(70) = \frac{\left([Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}](70)\right).V_T}{2}$$

$$= \frac{(200.10^{-3} - 6.10^{-3}).0,1}{2}$$

$x(70) = 97.10^{-3}\ mol$ $(x_m = 10^{-2}\ mol)$ (0,25 ×2)

استنتاج زمن نصف التفاعل

$t = 80\ min$: (5)

$$x(80) = \frac{(200.10^{-3} - 80.10^{-3}).0,1}{2}$$ (0,25 ×3)

$x(80) = 6.10^{-3}\ mol$

$n(C_2H_6O) = n_1 - 3x = 0,041\ mol$

$n(Cr_2O_7^{2-}) = n_2 - 2x = 0,008\ mol$

$n(C_2H_4O_2) = 3x = 18.10^{-3}\ mol$

$n(Cr^{3+}) = 4x = 24.10^{-3}\ mol$

$n(K^+) = 2.n_2 = 2C_2V_2 = 0,4\ mol$

تبقى في جملة H^+ و H_2O

(6) زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ (0,25)

$$[Cr_2O_7^{2-}]_{1/2} = \frac{n_2 - 2x(t_{1/2})}{V_T}$$

$$= \frac{n_2 - 2.\frac{x_{max}}{2}}{V_T} = \frac{2.n_2 - 2x_{max}}{2V_T}$$

$$= \frac{n_2 + n_2 - 2x_{max}}{2.V_T} = \frac{n_2}{2V_T} = \frac{[Cr_2O_7^{2-}]_0}{2}$$ (0,25)

www.ecolerradja.com www.fb.com/ecolerradja