

اختبار الفصل الثالث

التمرين الأول: (6 نقاط)

(u_n) متتالية عددية معرفة بحدّها الأول $u_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 1$

(1) أحسب الحدود u_1 , u_2 , u_3 . ثم خمن اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

(2) بفرض أنّ: $u_n \geq -2$ ، جد اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

(3) لتكن (v_n) متتالية معرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = u_n + 2$

(أ) بيّن أنّ (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين v_0 وأساسها q .

(ب) أكتب عبارة v_n بدلالة n ثم استنتج عبارة u_n بدلالة n .

(ج) أحسب بدلالة n المجموع: $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

(د) استنتج بدلالة n المجموع: $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الثاني: (6 نقاط)

يتكوّن هذا التمرين من جزئين منفصلين:

الجزء الأول:

(u_n) متتالية حسابية معرفة بحدّها الثاني $u_1 = 3$ وبمجموع حدودها الأربعة الأولى: $u_0 + u_1 + u_2 + u_3 = 22$

(1) عيّن أساس هذه المتتالية وحدّها الأول u_0 .

(2) أكتب عبارة الحد العام u_n بدلالة n ، ثم عين أصغر قيمة للعدد الطبيعي n حيث: $u_n \geq 2022$

(3) أحسب بدلالة n المجموع: $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

(4) عيّن قيمة n حيث: $S_n = 1974$

الجزء الثاني:

(v_n) متتالية هندسية حدودها موجبة معرفة على \mathbb{N} بحدّها الأول $v_0 = 18$ والعلاقة: $v_0 + v_1 + v_2 = 38$

(1) بيّن أنّ أساس المتتالية (v_n) هو $q = \frac{2}{3}$.

(2) أكتب عبارة الحد العام v_n بدلالة n .

(3) أدرس اتجاه تغير المتتالية (v_n) .

(4) نضع: $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$

- أحسب S_n بدلالة n .

نعتبر الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ كما يلي: $f(x) = \frac{x^2 + 5x + 10}{x + 2}$

ليكن (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}; \vec{j})$.

1- أ- أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

ب- أحسب $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$ ثم فسر النتيجة هندسيًا.

2- أ- عيّن الأعداد الحقيقية a, b, c حيث من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-2\}$: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 2}$

ب- بيّن أنّ المستقيم (Δ) ذو المعادلة: $y = x + 3$ مستقيم مقارب مائل للمنحني (C) .

ج- أدرس وضعية المنحني (C) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

3- أ- بيّن أنّه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-2\}$ فإنّ: $f'(x) = \frac{x^2 + 4x}{(x + 2)^2}$

ب- أدرس اتجاه تغير الدالة f على مجالي مجموعة تعريفها، ثم شكّل جدول تغيراتها.

4- أكتب معادلة المماس (T) لمنحني (C) عند النقطة ذات الفاصلة 2.

5- بيّن أنّ النقطة $\Omega(-2; 1)$ هي مركز تناظر للمنحني (C) .

6- أنشئ المستقيم (Δ) و المنحني (C) .

7- نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = \frac{x^2 + 5|x| + 10}{|x| + 2}$ و (C_g) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.

أ- بيّن أنّ g دالة زوجية. Ecole Erradja wa Tafaouk

ب- اشرح كيفية انشاء المنحني (C_g) اعتمادا على المنحني (C) ثم أنشئه. École Erradja wa Tafaouk